

第一部分 汇编语言

第 1 章 进制及码元

进制和码元换算是计算机重要基础之一,计算机内采用的是二进制数值或编码,而在各种汇编语言中习惯使用十六进制,也可使用八进制、二进制和十进制,在 C 语言中可使用八进制、十六进制和十进制,特别是调试程序时更要与进制和码元换算打交道。所以掌握进制和码元换算的快速方法,对学好计算机相关课程特别是汇编语言、微机原理及接口技术非常重要。

本章所介绍的进制转换方法可以完成十进制、二进制、十六进制及八进制数之间的快速转换,一般可以在 10s 内完成万以内的数值转换。此外,本章所介绍的真值(有符号数)与补码(或无符号数)之间的直接转换也是前人未曾涉及的,负数与补码(或无符号数)之间转换也只要 10s 左右。

1.1 进制转换及计算

本节主要讲解进制的快速转换方法,学会此法可在 10s 内实现万以内的数值转换。

1. 进制

现实生活中除了最常用的十进制外,还有秒分时之间的六十进制、月年之间的十二进制以及古代钱两斤之间的十六进制等,在计算机语言中主要采用的是二进制(后缀 B, Binary)、八进制(后缀 O 或 Q, Octal, O 易与 0 混淆,所以一般用 Q 替代 O)、十进制(后缀 D, Decimal, 或不要后缀)和十六进制(后缀 H, Hex)。4 种进制基本信息如表 1.1 所示。

表 1.1 计算机语言中的基本进制

进 制	英 文	尾 缀	数据位取值	举 例	算 术 运 算
二	Binary	B	0、1	10110101B	逢二进一,借一等于二
八	Octal	O 或 Q	0~7	123O 或 357Q	逢八进一,借一等于八
十	Decimal	D 或省略	0~9	68D 或 259	逢十进一,借一等于十
十六	Hex	H	0~9、A~F	2FCH	逢十六进一,借一等于十六

N 进制的每个数据位取值范围为 $0 \sim N-1$,其算术运算规则同十进制,只不过是逢 N 进一、借一等于 N 而已。例如,二进制只有 0 和 1 两个数字,逢 2 进 1,借 1 等于 2;十六进制有 0~9、A~F (分别代表 10~15)16 个数字,逢 16 进 1,借 1 等于 16。

2. 进制转换的一般方法

进制转换的一般方法如图 1.1 和图 1.2 所示。

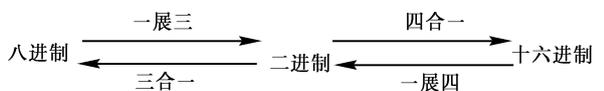
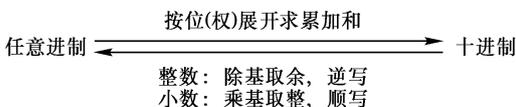


图 1.1 任意进制数与十进制数之间转换关系图

图 1.2 二进制、八进制、十六进制之间转换关系图

例 1.1 $(101101)_2 = 101101B = 1 \times 2^5 + 0 \times 2^4 + 1 \times 2^3 + 1 \times 2^2 + 0 \times 2^1 + 1 \times 2^0 = 45$

例 1.2 $156.4Q = 1 \times 8^2 + 5 \times 8^1 + 6 \times 8^0 + 4 \times 8^{-1} = 110.5$

例 1.3 $6C.4H = 6 \times 16^1 + 12 \times 16^0 + 4 \times 16^{-1} = 108.25$

下式中 a_i 代表 b 进制的第 i 位,任意的 b 进制转化为十进制的一般式子:

$$(a_n a_{n-1} \cdots a_1 a_0 . a_{-1} \cdots a_{-m})_b = a_n \times b^n + a_{n-1} \times b^{n-1} + \cdots + a_0 \times b^0 + a_{-1} \times b^{-1} + \cdots + a_{-m} \times b^{-m}$$

$$= \sum_{i=-m}^n a_i \times b^i$$

例 1.4 $123.25 = (1\ 111\ 011.01)_2 = (173.2)_8 = (7B.4)_{16}$

解题步骤如图 1.3 所示。

$\begin{array}{r} 2 \overline{)123} \\ 2 \overline{)61} \quad 1 \\ 2 \overline{)30} \quad 1 \\ 2 \overline{)15} \quad 0 \\ 2 \overline{)7} \quad 1 \\ 2 \overline{)3} \quad 1 \\ 2 \overline{)1} \quad 1 \\ 0 \quad 1 \end{array}$ <p>整数部分 123 二 进制为:1111011</p>	$\begin{array}{r} 0.25 \\ \times 2 \\ \hline 0.5 \quad 0 \\ \times 2 \\ \hline 1.0 \quad 1 \end{array}$ <p>小数部分 0.25 二进制 为:0.01</p>	$\begin{array}{r} 8 \overline{)123} \\ 8 \overline{)15} \quad 3 \\ 8 \overline{)1} \quad 7 \\ 0 \quad 1 \end{array}$ <p>整数部分 123 八进制为:173</p> <hr/> $\begin{array}{r} 0.25 \\ \times 8 \\ \hline 2.0 \end{array}$ <p>小数部分 0.25 八进制为:0.2</p>	$\begin{array}{r} 16 \overline{)123} \\ 16 \overline{)7} \quad 11 \\ 0 \quad 7 \end{array}$ <p>整数部分 123 十六进制为:7B</p> <hr/> $\begin{array}{r} 0.25 \\ \times 16 \\ \hline 4.0 \end{array}$ <p>小数部分 0.25 十六进制为:0.4</p>
--	---	---	--

图 1.3 十进制转换为其他进制的一般方法

3. 进制快速转换方法

掌握进制快速转换方法的前提是记住 16 的倍数或 2 的 n 次方,如表 1.2 所示。

表 1.2 2 的指数及 16 的倍数表

n 的值	2^n	n 的值	$16 \times n$	十六进制
-4	0.0625	1	16	10H
-3	0.125	2	32	20H
-2	0.25	3	48	30H
-1	0.5	4	64	40H
0	1	5	80	50H
1	2	6	96	60H
2	4	7	112	70H
3	8	8	128	80H
4	16	9	144	90H
5	32	10	160	A0H
6	64	11	176	B0H
7	128	12	192	C0H
8	256	13	208	D0H
9	512	14	224	E0H
10	1K(1 024)	15	240	F0H

n 的值	2^n	n 的值	$16 \times n$	十六进制
14	16K	1×16	256	100H
16	64K	2×16	512	200H
20	1M(1 024K)	3×16	768	300H
24	16M	4×16	1024(1K)	400H
30	1G(1 024M)	8×16	2 048(2K)	800H
40	1T(1 024G)	$1 \times 16 \times 16$	4 096(4K)	1 000H

记住表 1.2 的主要数据后,再结合图 1.4 及图 1.2 就可以在 10s 内完成进制转换。

具体方法为:

将十进制转换为十六进制,只要把它拆成 16 的倍数之和(注:有时视情况可用 16 的倍数之差)还原成十六进制即可,再利用图 1.2 一展四转换为二进制,然后再用三合一转换为八进制。

例 1.5 $280 = 256 + 16 + 8 = 118H = 100\ 011\ 000B = 430Q$

例 1.6 $2\ 000 = 2\ 048 - 48 = 800H - 30H = 7D0H = 11\ 111\ 010\ 000B = 3\ 720Q$

例 1.7 $5\ 000 = 4\ 096 + 768 + 128 + 8 = 1\ 388H = 1\ 001\ 110\ 001\ 000B = 11\ 610Q$

也可先将十进制转换为二进制,只要把它拆成 2 的 n 次方之和(注:有时视情况可用 2 的 n 次方之差),有 n 次方的二进制位写成 1,无 n 次方的二进制位写成 0 即可,再利用图 1.2 四合一转换为十六进制及用三合一转换为八进制。

例 1.8 $280 = 2^8 + 2^4 + 2^3 = 100011000B = 118H = 430Q$

例 1.9 $2000 = 2^{10} + 2^9 + 2^8 + 2^7 + 2^6 + 2^4 = 11111010000B = 7D0H = 3720Q = 2^{11} - 2^5 - 2^4$

例 1.10 $5000 = 2^{12} + 2^9 + 2^8 + 2^7 + 2^3 = 1001110001000B = 1388H = 11610Q$

4. 进制计算

进制计算主要有加、减、乘、除等算术运算及与、或、非等逻辑运算。其他进制加、减、乘、除等算术运算的运算方法与十进制的运算方法类似,要点是逢 N 进一、借一等于 N 。与、或、非等逻辑运算一般是指变量取值为二值(0 或 1)的逻辑运算,将 1 当成真,将 0 当成假,与、或、非的真值表如图 1.5 所示。

A 与 B			A 或 B			非 A																				
<table border="1" style="display: inline-table; border-collapse: collapse;"> <tr> <td style="padding: 5px;">A</td> <td style="padding: 5px;">0</td> <td style="padding: 5px;">1</td> </tr> <tr> <td style="padding: 5px;">B</td> <td style="padding: 5px;">0</td> <td style="padding: 5px;">1</td> </tr> </table>			A	0	1	B	0	1	<table border="1" style="display: inline-table; border-collapse: collapse;"> <tr> <td style="padding: 5px;">A</td> <td style="padding: 5px;">0</td> <td style="padding: 5px;">1</td> </tr> <tr> <td style="padding: 5px;">B</td> <td style="padding: 5px;">0</td> <td style="padding: 5px;">1</td> </tr> </table>			A	0	1	B	0	1	<table border="1" style="display: inline-table; border-collapse: collapse;"> <tr> <td style="padding: 5px;">A</td> <td style="padding: 5px;">0</td> <td style="padding: 5px;">1</td> </tr> <tr> <td style="padding: 5px;">\bar{A}</td> <td style="padding: 5px;">1</td> <td style="padding: 5px;">0</td> </tr> </table>			A	0	1	\bar{A}	1	0
			A	0	1																					
B	0	1																								
A	0	1																								
B	0	1																								
A	0	1																								
\bar{A}	1	0																								
0	0	0	0	0	1	1	1	1																		
1	0	1	1	1	1	0	0	1																		

图 1.5 三种位逻辑运算真值表

在本书 3.3 节的汇编指令部分和 4.2 节的表达式部分将给出具体举例。

1.2 码制及其转换

本节介绍计算机主要使用的二进制编码,重点讲解真值(有符号数)与补码(或无符号数)间的快速转换方法。此方法使得 8 位或 16 位二进制补码的求解及有无符号数之间的转换变得轻而易举。

1. BCD 码

常见的 BCD 码有 8421 码、2421 码以及余 3 码等,一般使用 8421 码,它又分为压缩 BCD 码和非压缩 BCD 码。压缩 BCD 码是用 4 位二进制代码表示一位十进制,一个字节可以表示两位十进制(00~99);而非压缩 BCD 码是用 8 位二进制代码中的低 4 位表示一位十进制、高 4 位无效,一个字节只能表示一位十进制(0~9),高 4 位为 0 时则叫标准非压缩 BCD 码。例如,十进制数 35 的压缩 BCD 码为 35H,其标准非压缩 BCD 码为 0305H。它们的比较示意图如图 1.6 所示。



图 1.6 三种 8421 BCD 码的比较

2. ASCII 码

ASCII 码使用 8 位二进制编码,占一个字节,最高位为 0 的 ASCII 码称为基本 ASCII 码。重要的 8 个字符的 ASCII 码值如表 1.3 所示,其他字符参看附录 E。

'0'~'9'的 ASCII 码依次加 1,'A'~'Z'的 ASCII 码依次加 1,'a'~'z'的 ASCII 码也是依次加 1,所以记住'0'、'A'以及'a'的 ASCII 码,也就记住了 62 个字符的 ASCII 码。'0'~'9'的 ASCII 码是一种特殊的非压缩 BCD 码。例如'35'是十进制数 35 的非压缩 BCD 码即 3335H。

表 1.3 重要的 ASCII 字符

字 符	ASCII 码 十进制值	ASCII 码 十六进制值
NUL(空)	0	00H
LF(换行)	10	0AH
CR(回车)	13	0DH
SP(空格)	32	20H
'\$'	36	24H
'0'~'9'	48~57	30H~39H
'A'~'Z'	65~90	41H~5AH
'a'~'z'	97~122	61H~7AH

3. 汉字内码

汉字在计算机及相关设备内存储、处理以及传输所用的编码称为汉字内码。我国目前主要采用的是国标内码(GB2312),它在计算机内占用两个字节,每个字节的最高位为 1,最多可表示 $2^{14} = 16\ 384$ 个可区别代码。它与国标区位码的计算关系为:国标内码=国标码(十六进制)+8080H=国标区位码(十六进制)+A0A0H。GB2312-80 中有:一级汉字 3 755 个、按拼音顺序排列,二级汉字 3 008 个、按偏旁笔画数排列,字符 682 个。中国香港地区、中国台湾地区以及新加坡等繁体汉字区主要采用大五码(BIG5),它在计算机内也是占用两个字节,每个字节的最高位也为 1。

为了统一表示世界上各国的文字,1993 年国际标准化组织公布了“通用多八位编码字符集”的国际标准 ISO/IEC10646,简称 UCS(Universal Code Set),其中汉字部分叫 CJK(中、日、韩)统一汉字集。UCS 用 4 字节足以表示世界上所有的文字,包括英文、中文、日文、韩文、俄文以及法文等。我国的相应标准为 GB13000。

4. 原码、反码和补码

原码、反码和补码均为有符号数的编码,正、负号也用二进制编码来表示,它们所代表的实际数值称为“真值或原值”。

原码是直接真值的绝对值之前增加一个符号位,并取正数的符号为 0,负数的符号为 1。正数的反码、补码与原码相同,负数的反码为原码的符号位不变其他位变反而得,负数的补码为原码的符号位不变其他位变反+1 而得。负数的三种编码之间的转换关系如图 1.7 所示。

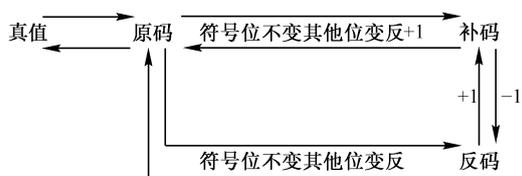


图 1.7 负数的原、反、补码之间转换关系图

补码是计算机中最基本的有符号数编码方案,最主要原因是因为采用补码后:减法可变化加法如 $5-3=5+(-3)$;加减时符号位如同数值位一样参加计算,具体例子请参看 3.3.2 节。

例 1.11 (8 位二进制数的原、反和补码)

$$\begin{aligned} -107 &= -6BH = -1101011B = 11101011B(\text{原}) = 10010100B(\text{反}) = 10010101B(\text{补}) \\ &= EBH(\text{原}) = 94H(\text{反}) = 95H(\text{补}) \\ 107 &= 6BH(\text{原}) = 6BH(\text{反}) = 6BH(\text{补}) \end{aligned}$$

5. 二进制数据的表示范围

二进制数据的表示范围要分有符号数还是无符号数。无符号数的所有二进制位(bit)均作为数值位;有符号数的最高位代表符号位,1 代表负、0 代表正,其余位才是数值位。 n 位二进制无符号数的表示范围为 $0 \sim (2^n - 1)$ 。 n 位二进制有符号数的表示范围还取决于编码方案,补码为 $-2^{n-1} \sim +(2^{n-1} - 1)$;原码、反码的表示范围为 $-(2^{n-1} - 1) \sim +(2^{n-1} - 1)$ 。计算机中内外存容量以字节(B,Byte)为单位,一个字节由 8 个二进制位构成(即 $1\text{ B} = 8\text{ b}$)。8 位二进制数(1 字节)的无符号数表示范围为 $0 \sim 255$,有符号补码表示范围为 $-128 \sim +127$;16 位二进制(2 字节)的无符号数表示范围为 $0 \sim 65\ 535$,有符号补码表示范围为 $-32\ 768 \sim +32\ 767$ 。

6. 真值与补码(无符号数)之间的直接转换

正数的真值与补码(无符号数)完全相同,负数的真值与补码(无符号数)之间的直接转换方法如图 1.8 所示(0 在用 n 位二进制补码表示时也代表 2^n ,即 $0 = 2^n$)。

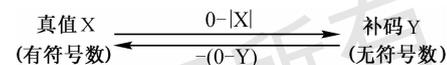


图 1.8 负数的真值与补码之间转换关系图

例 1.12 8 位二进制时:

$$\begin{aligned} 20 &= 14H(\text{补}) = 20(\text{无}) \\ -5 &= 0 - 5 = 00H - 05H = FBH(\text{补}) = 251(\text{无}) = 256 - 5 = 2^8 - 5 \\ -120 &= 0 - 120 = 00H - 78H = 88H(\text{补}) = 136(\text{无}) = 256 - 120 = 2^8 - 120 \\ F8H(\text{补}) &= 248(\text{无}) = -(00H - F8H) = -08H = -(256 - 248) = -8(\text{有}) \\ 5CH(\text{补}) &= 92(\text{无}) = 92(\text{有}) \end{aligned}$$

16 位二进制时:

$$\begin{aligned} 20 &= 0014H(\text{补}) = 20(\text{无}) \\ -5 &= 0 - 5 = 0\ 000H - 0\ 005H = FFFBH(\text{补}) = 65\ 531(\text{无}) = 65536 - 5 = 2^{16} - 5 \\ -120 &= 0 - 120 = 0\ 000H - 78H = FF88H(\text{补}) = 65\ 416(\text{无}) = 65536 - 120 = 2^{16} - 120 \\ FFC6H(\text{补}) &= 0\ 000H - (0\ 000H - FFC6H) = 65\ 536 - 58 = 65\ 478(\text{无}) \\ &= -(0 - FFC6H) = -3AH = -58(\text{有}) = -(65\ 536 - 65\ 478) = -58(\text{有}) \\ 048FH &= 1\ 024 + 128 + 15 = 1\ 167(\text{无}) = 1\ 167(\text{有}) \end{aligned}$$

7. 定点数和浮点数

机器数的表示是受设备限制的。计算机一般是以字为单位进行数据的处理、存储和传递的。所以运算器中的加法器、累加器以及其他一些寄存器,都选择与字长相等的位数。字长一定,则计算机所能表示数的范围也就确定了。例如,使用 8 位字长的计算机,它可以表示无符号整数的表示范围为 $0 \sim 255$,补码的有符号数表示范围为 $-128 \sim 127$ 。如果运算数值超出机器数所能表示的范围,机器就需要进行相应处理。这种现象称为溢出。

计算机中的数,既有整数,也有小数。如何确定小数点的位置呢?通常有两种约定:一种是规定小数点位置固定不变,这时的机器数称为定点数;另一种是小数点位置可以浮动,这样的机器数称为浮点数。

(1) 定点数

对于定点数,小数点位置可以固定在符号位之后,这样的机器表示的全是定点小数。例如,假定机器字长为 16 位,符号位占 1 位,数值占有 15 位,于是一 2^{-15} 用机器数原码表示如图 1.9 所示。其相当于十进制数为 -2^{-15} 。

小数点位置固定在数的最后,则该机器表示的全是定点整数。例如,假设机器字长为 16 位,符号位占有 1 位,数值部分占 15 位,图 1.10 表示的机器数相当于十进制数为 +32 767。

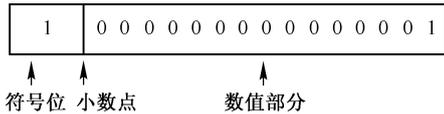


图 1.9 定点小数示意图

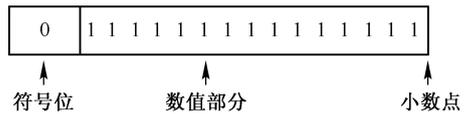


图 1.10 定点整数示意图

定点表示法表示的数值范围及精度有限,为了扩大定点数的表示范围或提高精度,可以采用多个字节来表示一个定点数,例如,采用 4 字节或 8 字节来表示。

(2) 浮点数

浮点数表示法就是小数点在数中的位置是浮动的。由于定点数表示的数的范围较窄,不能满足实际问题的需要,因此要采用浮点表示法。在同样字长情况下,浮点表示法能表示数的范围扩大了。

浮点表示法包括两部分:一部分是阶码,另一部分是尾数。浮点数在机器中的表示方法如图 1.11 所示。



图 1.11 浮点数示意图

由尾数部分隐含的小数点位置可知,尾数的绝对值总是小于 1 的数,它给出该浮点数的有效数字,为了有更多位有效数字,一般用规范化小数表示,即尾数的绝对值大于等于 0.5、小于 1。尾数部分的数符确定该浮点数的正负。阶码总是整数,它确定小数点浮动的位数。若阶符为正,尾数的小数点向右移动;若阶符为负,则向左移动。即浮点数的值为:尾数 $\times 2^{\text{阶码}}$ 。

当浮点数的尾数为零或者阶码为最小值时,机器通常规定,将该数看做 0,称为“机器零”。在浮点数的表示和运算中,当一个数的阶码大于机器所能表示的最大阶码时,产生“上溢”,当一个数的阶码小于机器所能表示的最小阶码时,产生“下溢”。

浮点数的取值范围如图 1.12 所示。

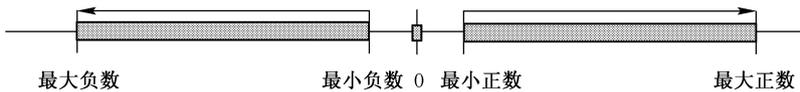


图 1.12 浮点数表示范围示意图

例 1.13 设阶码用 8 位补码表示,尾数部分用 16 位补码表示,则 $-128.0625 = -(2^7 + 2^{-4}) = -(2^{-1} + 2^{-12}) \times 2^8 = -0.100\ 000\ 000\ 001\ 000\text{B} \times 2^8$ 的尾数部分为 $-0.100\ 000\ 000\ 001\ 000\text{B}$,补码为 $1\ 011\ 111\ 111\ 111\ 000\text{B}$;阶码部分为 8,即 $00\ 001\ 000\text{B}$,对应的十六进制数为 $08\text{BFF}8\text{H}$ 。

习题

1. 进制转换

129 = _____ H = _____ B = _____ Q

298 = _____ H = _____ B = _____ Q

$$1000 = \text{H} = \text{B} = \text{Q}$$

$$5\text{DH} = \text{B} = \text{Q} = \text{D}$$

$$3\text{E8H} = \text{B} = \text{Q} = \text{D}$$

$$357\text{Q} = \text{B} = \text{H} = \text{D}$$

2. 进制计算

$$101101\text{B} + 1101001\text{B} = \text{B}$$

$$3\text{FC9H} - 0\text{FE6H} = \text{H}$$

$$\text{一个字节的 NOT } 8 = \text{H} = \text{(有符号数)}$$

$$\text{两个字节的 NOT } 8 = \text{H} = \text{(有符号数)}$$

$$5 \text{ AND } 6 = \text{D}$$

$$5 \text{ OR } 6 = \text{D}$$

3. 数据表示范围

一个字节的无符号数表示范围为_____，有符号数补码表示范围为_____。

两个字节的无符号数表示范围为_____，有符号数补码表示范围为_____。

N 位二进制数的无符号数表示范围为_____，有符号数补码表示范围为_____。

4. 35H 代表的 ASCII 字符为_____，代表十六进制数时等价的十进制值为_____，代表压缩 8421 BCD 码等价的十进制值为_____，代表非压缩 8421 BCD 码等价的十进制值为_____。

5. FFH 代表无符号数时等价的十进制值为_____，代表补码有符号数时等价的十进制值为_____，代表反码有符号数时等价的十进制值为_____，代表原码有符号数时等价的十进制值为_____。

6. -20 的 8 位二进制补码为_____，原码为_____，反码为_____。

158 的 16 位二进制补码为_____，原码为_____，反码为_____。

7. 英文字符一般在计算机内占用_____个字节，每个字的最高位一定为_____。全角英文字符在计算机内占用_____个字节，一个汉字在计算机内占用_____个字节，每个字节最高位为_____。

8. 设阶码用 8 位补码表示，尾数部分用 16 位补码表示，则 $-(1/32 + 1/128 + 1/512)$ 的尾数部分及阶码分别为多少？